

1. Qual das seguintes afirmações é verdadeira?
- (A) A probabilidade de um acontecimento é sempre um número positivo.
 (B) A probabilidade de um acontecimento pode ser 4,1.
 (C) A probabilidade de um acontecimento pode ser um número negativo.
 (D) Se todos os casos possíveis são favoráveis, então a probabilidade desse acontecimento é 1.

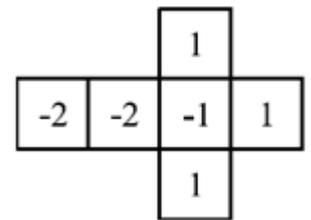
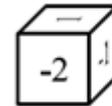
2. Considera a experiência aleatória que consiste no lançamento de um dado dodecaédrico (12 faces) perfeito numerado de 1 a 12. Qual é a probabilidade de sair um número primo?

- (A) $\frac{1}{3}$ (B) $\frac{5}{12}$ (C) $\frac{1}{2}$ (D) $\frac{7}{12}$



3. No bar de uma escola, vendem-se croissants variados e iogurtes de aromas. A Aurora e o Manuel gostam de iogurtes de cereais, de morango e de tutti-frutti. Na hora do lanche, escolhem, ao acaso, um destes três tipos de iogurtes. Qual é a probabilidade de escolherem iogurtes com aromas diferentes? Mostra como chegaste à tua resposta e apresenta o resultado na forma de fracção irredutível.

4. Na figura ao lado está representado um dado equilibrado e a respectiva planificação. A Aurora e o Manuel decidiram fazer um jogo. Lançam o dado duas vezes e calculam o produto dos números que saíram (faces que ficaram voltadas para cima). Se o produto der um número negativo ganha a Aurora, se der número positivo ganha o Manuel.

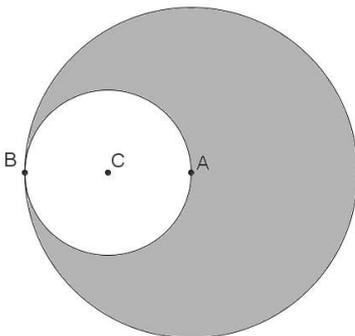


A Aurora e o Manuel terão a mesma probabilidade de ganhar, ou seja, o jogo é justo?

5. O pai do Manuel trabalha no controlo de qualidade de uma empresa que produz lâmpadas económicas.
- 5.1. Numa determinada caixa, das 10 lâmpadas novas testadas 3 não funcionavam. Podemos afirmar que, naquela empresa, a probabilidade de uma lâmpada não funcionar é 30%?
- 5.2. Num determinado dia o pai do Manuel testou 3200 lâmpadas novas, das quais 18 não funcionavam. Qual é a probabilidade de, escolhendo uma lâmpada nova, ao acaso, naquela fábrica ela estar estragada?

6. Determina, atendendo às condições, o valor exacto da área sombreada das figuras abaixo.

6.1.

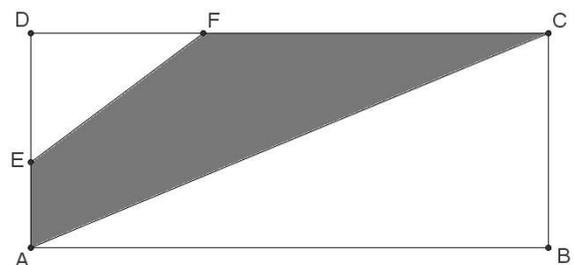


$$\overline{AB} = 6 \text{ cm}$$

$$\overline{BC} = 3 \text{ cm}$$

C é o centro círculo menor
A é o centro círculo maior

6.2.



$[ABCD]$ é um rectângulo

$$\overline{DE} = 3 \text{ cm}; \overline{BC} = \overline{EF} = 5 \text{ cm}; \overline{AC} = 13 \text{ cm}.$$

7. Considera os seguintes intervalos de números reais: $A = \left] -\infty, \frac{3}{7} \right]$ e $B = \left] -1, \sqrt{0,2} \right[$. Determina $A \cup B$ e $A \cap B$.

8. A família da Aurora foi tomar o pequeno-almoço ao café no sábado passado. Gastaram 9,10 euros em cinco galões e em quatro torradas. Cada torrada custou o dobro de cada galão. Quanto custou cada galão e quanto custou cada torrada?

9. O Manuel tem 3750€ numa conta do banco. Sabendo que a taxa anual líquida de juros é de 2,5%, determina que quantia terá o Manuel, no banco, ao fim de um ano?

10. A Maria faz anos na próxima semana e os amigos estão a organizar-se para lhe comprar uma prenda em conjunto. Inicialmente eram 12 os amigos que lhe iam oferecer a prenda e cada um teria de pagar 3,50 €, no entanto, à última da hora desistiram 4 amigos. Quanto irá pagar, agora, cada um dos amigos?

Soluções:

1. (D)

2. (B)

3. $p(\text{aromas diferentes}) = \frac{6}{9} = \frac{2}{3}$. **Nota:** podes usar um diagrama de árvore ou uma tabela de dupla entrada para contabilizares os casos favoráveis e os casos possíveis.

4. O jogo é justo porque ambos têm a mesma probabilidade de ganhar.

$p(\text{ganhar a Aurora}) = \frac{18}{36} = \frac{1}{2}$; $p(\text{ganhar o Manuel}) = \frac{18}{36} = \frac{1}{2}$. **Nota:** usa uma tabela de dupla entrada para contabilizares os casos favoráveis e os casos possíveis.

5.1. Não se pode tirar essa conclusão porque não temos um número de experiências suficientemente grande para aplicar a Lei dos Grandes Números (para um **grande número de experiências**, a frequência relativa de um acontecimento é um valor aproximado da sua probabilidade).

5.2. $p(\text{lâmpada estragada}) \approx f_r(\text{lâmpada estragada}) = \frac{18}{3200} = \frac{9}{1600} \approx 0,0056 = 0,56\%$

6.1. $A_{\text{Sombreada}} = A_{\odot} - A_{\circ} = 36\pi - 9\pi = 27\pi \text{ cm}^2$

6.2. $A_{\text{Sombreada}} = A_{\square} - A_{\triangle[DEF]} - A_{\triangle[ABC]} = \dots = 24 \text{ cm}^2$. **Nota:** Usa o Teorema de Pitágoras para determinar as medidas em falta e depois calcula a área do rectângulo, do triângulo [DEF] e do triângulo [ABC].

7. $A \cap B = \left] -1, \frac{3}{7} \right]$; $A \cup B = \left] -\infty; \sqrt{0,2} \left[.$

8. Seja x o custo, em euros, de cada galão e y o custo, em euros, de cada torrada. O sistema que permite resolver este problema é:
$$\begin{cases} 5x + 4y = 9,10 \\ y = 2x \end{cases}$$
. A solução do sistema é o par ordenado $(x, y) = (0,70; 1,40)$.

Resposta: Cada galão custou 0,70€ (70 cêntimos) e cada torrada 1,40€.

9. O Manuel passado um ano terá 3843,75€ no banco. **Nota:** os juros correspondem a 93,75€.

10. Cada um dos 8 amigos terá de pagar 5,25€ para comprarem a prenda à Maria. **Nota:** A prenda custa 42€ ($12 \times 3,50 = 42\text{€}$).