

1. O João e a Ana fazem anos no mês de Março.

Sabendo que a Ana faz anos no dia 8 de Março, qual é a probabilidade de o João fazer anos antes da Ana? Apresenta o resultado na forma de percentagem arredondado às décimas.

2. Num saco há 4 bolas brancas. A Ana vai colocar na caixa bolas pretas.

Quantas bolas pretas tem de colocar para que a probabilidade de tirar, ao acaso, uma bola branca seja $\frac{1}{3}$?

(A) 2

(B) 4

(C) 8

(D) 12

3. Resolva, em \mathbb{R} , a seguinte equação, pelo método que achar mais conveniente. $x(x-2) = \frac{10-5x}{3}$

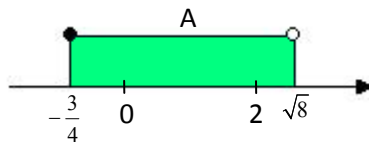
4. Considera o seguinte problema:

“O Manuel tem 1,70€ em moedas de 10 e 20 cêntimos.

Sabendo que, ao todo, tem 12 moedas, determina quantas moedas de cada tipo tem o Manuel.”

Considera x o número de moedas de 10 cêntimos e y o número de moedas de 20 cêntimos. Usando um sistema resolve o problema.

5. Dados os conjuntos A e B:



e $B = \{x \in \mathbb{R} : 1 \leq x < 3\}$

Qual das seguintes opções é verdadeira?

(A) $A \cap B = [1, \sqrt{8}[$

(B) $A \cup B = A$

(C) $A \cap B = [-\frac{3}{4}, 2]$

(D) $A \cup B = [-\frac{3}{4}, 1[$

6. Oito jovens pensam ir acampar com provisões racionadas para 15 dias. Chegado o momento, dois deles decidem não ir. Assim para quantos dias têm os campistas provisões?

Nota: Admite que as duas grandezas (nº de jovens e nº dias de comida) são inversamente proporcionais.



7. Resolva, em \mathbb{R} , cada uma das seguintes equações, pelo método que achar mais conveniente.

a) $x(x-5) = -5x+2$

b) $(x-2)(x+2) = 3x-4$

c) $-x^2 + 6x = 5$

8. O desenvolvimento do quadrado do binómio, $(3x-2)^2$ é:

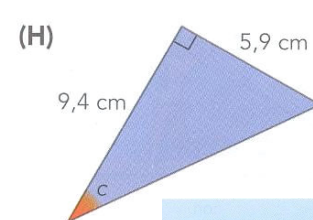
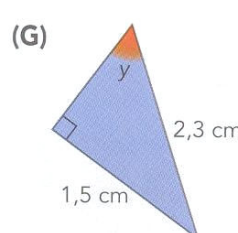
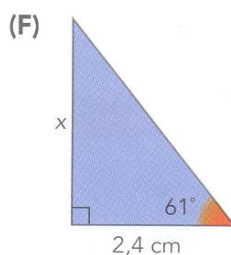
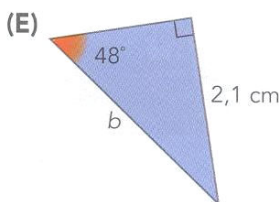
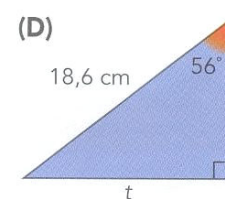
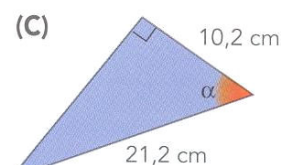
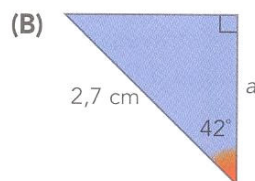
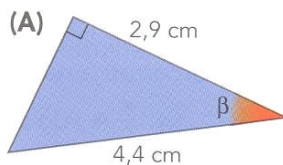
(A) $9x^2 - 12x - 4$

(B) $3x^2 - 4$

(C) $9x^2 - 12x + 4$

(D) $3x^2 - 12x + 4$

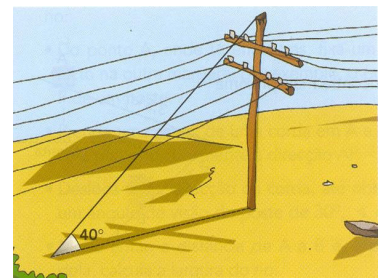
9. Determina os comprimentos dos lados (décimas), e as amplitudes dos ângulos (unidades), assinalados nos triângulos com letras, nos triângulos.

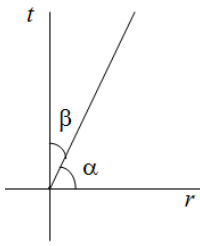


10. Um poste eléctrico, com 2,9 m de altura, foi colocado verticalmente no solo, ficando enterrado 30 cm.

10.1. Qual o comprimento da sombra projectada pelo poste à hora representada no desenho? Apresenta o valor arredondado às décimas.

10.2. Qual a distância da extremidade superior do poste à extremidade da sua sombra? Apresenta o valor arredondado às décimas.

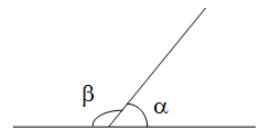




11. Considera a figura, onde t e r são duas rectas perpendiculares:

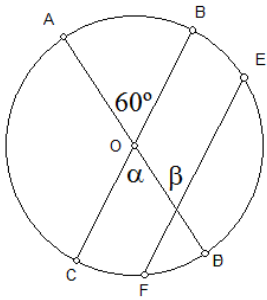
Se $\alpha = 55^\circ$, qual é a amplitude de β ?

Completa: **A soma das amplitudes de dois ângulos complementares é _____.**



12. Se $\beta = 130^\circ$, qual é a amplitude de α ?

Completa: **A soma das amplitudes de dois ângulos suplementares é _____.**



13. Considera a figura, onde $[CB] // [FE]$.

Indica, justificando, a amplitude do ângulo α e do ângulo β .

Completa: **Ângulos verticalmente opostos são _____.**

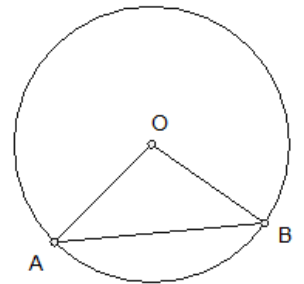
Ângulos alternos internos são _____.

14. Considera a figura ao lado.

14.1. Se $\overline{AO} = 5 \text{ cm}$, qual é o valor de \overline{OB} ? Justifica.

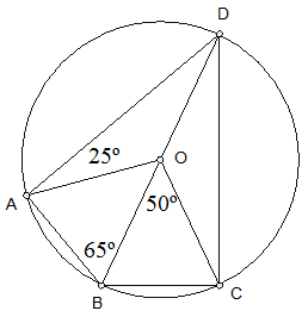
14.2. Se $\hat{A}BO = 40^\circ$, determina $\hat{B}AO$? Justifica.

14.3. Indica, justificando, a amplitude do ângulo AOB.



Completa: **Num triângulo, a lados iguais opõem-se _____ e vice-versa.**

A soma das amplitudes dos ângulos internos de um triângulo é _____.

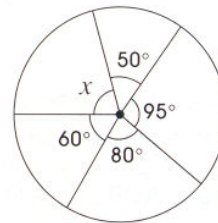


15. Considera a figura:

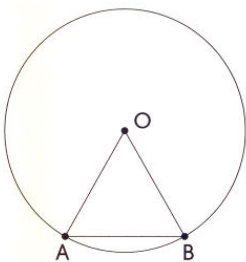
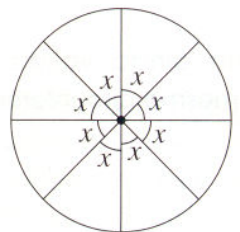
Determina a amplitude dos ângulos internos do quadrilátero [ABCD].

Completa: **A soma das amplitudes dos ângulos internos de um quadrilátero é _____.**

16. Determina a amplitude de x , em cada uma das figuras ao lado. 16.1.



16.2.

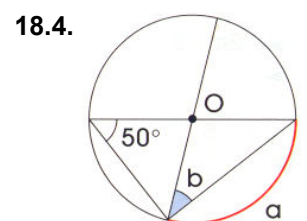
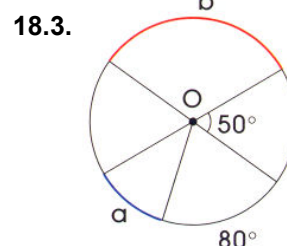
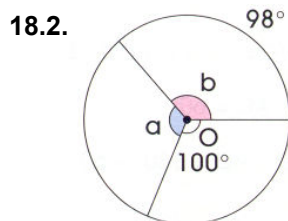
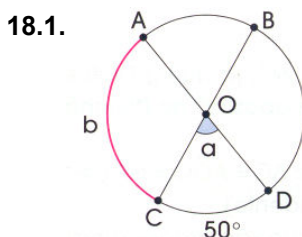


17. Considera a figura onde o arco maior AB tem de amplitude 315° .

17.1. Classifica o triângulo [AOB] quanto aos lados .

17.2. Determina a amplitude de cada um dos ângulos internos do triângulo [AOB].

18. Considera as várias circunferências de centro O e em cada uma das alíneas determina as amplitudes assinaladas por a e b .



Soluções:

1. $p = \frac{7}{31} \approx 22,6\%$; 2. (C);

3. $S = \left\{ \frac{5}{3}, 2 \right\}$. Nota: a forma canónica desta equação é: $3x^2 - x - 10 = 0$. Aplica a fórmula resolvente.

4. O Manuel tem 7 moedas de 10 cêntimos e 5 moedas de 20 cêntimos. Nota: um sistema que te permite resolver este problema é:
$$\begin{cases} x + y = 12 \\ 0,10x + 0,20y = 1,70 \end{cases}$$

5. (A); 6. 20 dias. Nota: $k = 15 \times 8 = 120$ (constante de proporcionalidade); $x = 120 \div 6 = 20$ (dias).

7.1. $S = \{-\sqrt{2}, \sqrt{2}\}$. Nota: $x(x-5) = -5x+2 \Leftrightarrow x^2 - 5x = -5x+2 \Leftrightarrow x^2 = 2 \Leftrightarrow x = \pm\sqrt{2}$; 7.2. $S = \{0, 3\}$.

Nota: $(x-2)(x+2) = 3x-4 \Leftrightarrow x^2 - 4 = 3x-4 \Leftrightarrow x^2 - 3x = 0 \Leftrightarrow x(x-3) = 0 \Leftrightarrow x = 0 \vee x-3 = 0 \Leftrightarrow x = 0 \vee x = 3$

7.3. $S = \{1, 5\}$. Nota: a forma canónica desta equação é: $-x^2 + 6x - 5 = 0$. Aplica a fórmula resolvente.

8. (C); 9. (A) 49° ; (B) 2 cm; (C) 61° ; (D) 15,4 cm; (E) 2,8 cm; (F) 4,3 cm; (G) 41° ; (H) 32°

10.1. A sombra projectada tem aproximadamente 3,1 m de comprimento. Nota: $\tan 40^\circ = \frac{2,6}{s} \Leftrightarrow s = \frac{2,6}{\tan 40^\circ}$.

10.2. A distância pedida é de aproximadamente 4,0 m. Nota: $\sin 40^\circ = \frac{2,6}{h} \Leftrightarrow h = \frac{2,6}{\sin 40^\circ}$.

11. 35° . **A soma das amplitudes de dois ângulos complementares é 90° .**

12. 50° . **A soma das amplitudes de dois ângulos suplementares é 180° .**

13. $\alpha = 60^\circ$, pois é verticalmente oposto ao ângulo AOB e ângulos verticalmente opostos têm a mesma amplitude.

$\beta = 60^\circ$. As rectas CB e FE são estritamente paralelas e os ângulos AOB e o de amplitude β são ângulos alternos internos, logo têm a mesma amplitude. **Ângulos verticalmente opostos são ângulos que têm a mesma amplitude (geometricamente iguais). Ângulos alternos internos são ângulos que têm a mesma amplitude (geometricamente iguais).**

14.1. 5 cm, pois [AO] e [OB] são raios da mesma circunferência. 14.2. 40° , pois num triângulo a lados iguais (14.1.) opõem-se ângulos com a mesma amplitude. 14.3. 100° , pois a soma das amplitudes dos ângulos internos de um triângulo é 180° . **Num triângulo, a lados iguais opõem-se ângulos com a mesma amplitude e vice-versa. A soma das amplitudes dos ângulos internos de um triângulo é 180° .**

15. Os triângulos [AOD], [AOB], [BOC] e [COD] são triângulos isósceles, pois [AO], [OD], [OC] e [BO] são raios da circunferência. Os triângulos [AOB] e [BOC] são geometricamente iguais. Os triângulos [AOD] e [DOC] são geometricamente iguais. Conclui-se então que a amplitude do ângulo ADC é 50° , a amplitude do ângulo BCD é 90° , a amplitude do ângulo BAD é 90° e a amplitude do ângulo ABC é 130° . **A soma das amplitudes dos ângulos internos de um quadrilátero é 360° .**

16.1. 75° ; 16.2. 45° 17.1. Triângulo isósceles. Nota: [AO] e [BO] são raios da circunferência. 17.2. O ângulo AOB tem 45° ($360^\circ - 315^\circ = 45^\circ$) de amplitude e os ângulos OAB e OBA têm a mesma amplitude que é de $67,5^\circ$.

18.1. $a = 50^\circ$; $b = 130^\circ$; 18.2. $a = 162^\circ$; $b = 98^\circ$; 18.3. $a = 50^\circ$; $b = 130^\circ$; 18.4. $a = 100^\circ$; $b = 40^\circ$.