

9.º Ano - Matemática
Exame Nacional (92) – 21 junho 2012

Soluções:

1.1. 30%

1.2. $p(\text{jovens mesma nacionalidade}) = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$.

	P	E	I
P	P,P	P,E	P,I
E	E,P	E,E	E,I

Nota: usa uma tabela de dupla entrada ou um diagrama de árvore.

2. $a = 30$. Nota: para o valor de a ser máximo o segundo número terá de ser 2, logo

$$\bar{x} = 11 \Leftrightarrow \frac{1+2+a}{3} = 11 \Leftrightarrow 3+a = 33 \Leftrightarrow a = 30$$

3. $] -1, 2]$.

4. O oitavo termo desta sequência é $[36, 44]$.

5. $\frac{1}{k}$. Nota: $n^{-3} = \frac{1}{n^3} = \frac{1}{k}$.

6. $x > -2$.

7.1. A expressão dada representa a área da parte relvada.

Nota: $(c+2)^2 = A_{[AEFG]}$, $c^2 = A_{[ABCD]}$, logo $(c+2)^2 - c^2 = A_{[AEFG]} - A_{[ABCD]} = A_{\text{relva}}$

7.2. Ponto G.

8. $(x+2)^2 = 3x^2 + 2x \Leftrightarrow x^2 + 4x + 4 = 3x^2 + 3x \Leftrightarrow -2x^2 + 2x + 4 = 0$ $a = -2; b = 2; c = 4$

$$\Leftrightarrow x = \frac{-2 \pm \sqrt{2^2 - 4 \times (-2) \times 4}}{2 \times (-2)} \Leftrightarrow x = \frac{-2 \pm \sqrt{4 + 32}}{-4} \Leftrightarrow x = \frac{-2 \pm \sqrt{36}}{-4} \Leftrightarrow x = \frac{-2 \pm 6}{-4} \Leftrightarrow x = \frac{-2+6}{-4} \vee x = \frac{-2-6}{-4}$$

$$\Leftrightarrow x = \frac{4}{-4} \vee x = \frac{-8}{-4} \Leftrightarrow x = -1 \vee x = 2 \qquad S = \{-1; 2\}$$

$$9. \begin{cases} x - \frac{y-1}{2} = 3 \\ 3x - y = 6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x - \frac{y}{2} + \frac{1}{2} = 3 \\ 3x - y = 6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x - y = 5 \\ 3x - y = 6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -y = 5 - 2x \\ \text{---} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = -5 + 2x \\ 3x - (-5 + 2x) = 6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \text{---} \\ 3x + 5 - 2x = 6 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} y = -5 + 2 \times 1 \\ x = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = -3 \\ x = 1 \end{cases} \quad (x, y) = (1, -3) \text{ é a solução do sistema}$$

10. As variáveis x e y são inversamente proporcionais e a constante de proporcionalidade é k .

11. A ordenada é 16. Nota: $k = 8 \times 4 = 32$; logo a expressão algébrica da função é $y = \frac{32}{x}$ e como tal $y = \frac{32}{2} = 16$.

12.1. A aresta do cubo (a) é igual a $\sqrt[3]{15}$ cm.

$$V_{\text{sólido}} = V_{\text{paralelepípedo}} + V_{\text{cubo}} \Leftrightarrow V_{\text{sólido}} = A_b \times h + a^3 \Leftrightarrow 25 = (2a \times a) \times \frac{a}{3} + a^3 \Leftrightarrow 25 = \frac{2a^3}{3} + a^3 \Leftrightarrow 75 = 2a^3 + 3a^3$$

$$\Leftrightarrow 75 = 5a^3 \Leftrightarrow 15 = a^3 \Leftrightarrow a = \sqrt[3]{15}.$$

12.2. IH (ou HI).

13.1. $\overline{BC} = 24$. Nota: Usando o Teorema de Pitágoras podemos determinar o valor de \overline{DE} :

$\overline{DE}^2 = \overline{AE}^2 - \overline{AD}^2 \Leftrightarrow \overline{DE}^2 = 25^2 - 20^2 \Leftrightarrow \overline{DE}^2 = 225 \Leftrightarrow \overline{DE} = \pm\sqrt{225} \Leftrightarrow \overline{DE} = \pm 15 \Rightarrow \overline{DE} = 15$ (porque é um comprimento). Como os triângulos $[ADE]$ e $[ABC]$ são semelhantes (têm dois ângulos geometricamente iguais), os comprimentos dos lados correspondentes vão ser diretamente proporcionais, logo podemos estabelecer a seguinte

proporção para determinar o valor pretendido: $\frac{25}{40} = \frac{15}{\overline{BC}} \Leftrightarrow \overline{BC} = \frac{15 \times 40}{25} \Leftrightarrow \overline{BC} = 24$ m.

13.2. $\widehat{PCQ} = 254^\circ$.

Nota: $\widehat{ACB} = 180^\circ - 90^\circ - 37^\circ = 53^\circ$, assim, $\widehat{PQ} = 2 \times 53^\circ = 106^\circ$, logo $\widehat{PCQ} = 360^\circ - \widehat{PQ} = 360^\circ - 106^\circ = 254^\circ$.

13.3. $\cos \widehat{ACB} = \frac{\overline{BC}}{\overline{AC}}$.

14. Planificação C.