

SOLUÇÕES

1. (B); 2. (C); 3.1.
$$\begin{cases} y = \frac{4}{3}x + 2 \\ y = -\frac{5}{6}x + 15 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 6 \\ y = 10 \end{cases}, \text{ logo } C(6,10).$$

3.2. $B(0;2)$. Sabe-se que o ponto A tem ordenada 0, logo $0 = \frac{4}{3}x + 2 \Leftrightarrow x = -\frac{3}{2}$; $A(-\frac{3}{2};0)$. $A_{[ABO]} = \frac{\frac{3}{2} \times 2}{2} = \frac{3}{2}$.

4.
$$\begin{cases} 3x - y = 7 \\ y - \frac{4(2x-1)}{3} = -5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 3x - 7 \\ -8x + 3y = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = -1 \end{cases}, \text{ logo } (x,y) = (2,-1) \text{ é a solução do sistema.}$$

5.
$$\begin{cases} 0,8b + 0,6s = 45,60 \\ b = 4s \end{cases}$$

6.1. $A = 90$; 6.2. $265 - 90 = 175$; $175 \div 7 = 25$; 25000 litros por hora.

7.1. O termo que tem 100 círculos pretos é o termo de ordem 101. Termo geral do número de círculos: $4n$. $4 \times 101 = 404$.

7.2. Não é possível, pois o número de círculos de cada termo é sempre par uma vez que o produto de um número par por qualquer número é sempre par (termo geral é $4n$).

7.3. Seja d o comprimento do diâmetro de cada círculo. $\overline{AC}^2 = (6d)^2 + (3d)^2 \Leftrightarrow (\sqrt{135})^2 = 45d^2 \Leftrightarrow d^2 = \frac{135}{45}$

$\Leftrightarrow d^2 = 3 \Leftrightarrow d = \pm\sqrt{3} \Rightarrow d = \sqrt{3}$, porque se trata de um comprimento, logo $\overline{BC} = 3d = 3\sqrt{3}$.

8. (C); 9. $m.m.c.(315,440) = 2^3 \times 3^2 \times 5 \times 7 \times 11 = 27720$.

10.1. $620 \div 10 = 62$; $13 + 2 = 15$ (15 alunos conseguem ler pelo menos 62 palavras em média por minuto), ou seja, 50% dos alunos do 2.º ano desta escola.

10.2.
$$\bar{x} = \frac{49 \times 3 + 55 \times 7 + 60 \times 5 + 67 \times 13 + 80 \times 2}{30} = 62,1.$$

10.3. (C). Nota: o número de alunos é par (30) logo para determinarmos a mediana temos de fazer a média dos dois valores centrais (15.º e 16.º), ou seja, $\tilde{x} = \frac{60 + 67}{2} = 63,5$.

11. (C);

12.1. $\{64;10;20\}$

12.2. $9 + 5 = 14$; $14 > 10$. Pela desigualdade triangular, concluímos que é possível.

12.3. Não é possível, pois todos os termos têm pelo menos um número par e o produto de um par por qualquer número é sempre par. Nota: o último elemento de cada conjunto é sempre um número par (o termo geral do último elemento do conjunto é $2n + 4$), pois a soma de dois números pares é sempre par.